C
数

平成 27 年度

神奈川県公立高等学校入学者選抜学力検査問題

共通選抜　全日制の課程

Ⅲ　数　　学

注　意　事　項

1　開始の合図があるまで，この問題冊子を開いてはいけません。

2　問題は **問 7** までであり，**1** ページから **6** ページに印刷されています。

3　計算は，あいているところを使い，答えは，解答用紙の決められた欄（らん）に，はっきり書き入れなさい。

4　答えに無理数がふくまれるときは，無理数のままにしておきなさい。根号がふくまれるときは，根号の中は最も小さい自然数にしなさい。また，分母に根号がふくまれるときは，分母に根号をふくまない形にしなさい。

5　答えが分数になるとき，約分できる場合は約分しなさい。

6　終了の合図があったら，すぐに解答をやめなさい。

受　検　番　号	番

問1　次の計算をしなさい。

(ア)　$-4+(-3)$

(イ)　$-\frac{1}{7}+\frac{2}{5}$

(ウ)　$16ab^2 \div 8ab$

(エ)　$\sqrt{54}-\frac{42}{\sqrt{6}}$

問2　次の問いに答えなさい。

(ア)　$(x+2)(x+3)-(x+4)^2$ を計算しなさい。

(イ)　$(x-5)^2-7(x-5)+12$ を因数分解しなさい。

(ウ)　2次方程式 $5x^2-3x-1=0$ を解きなさい。

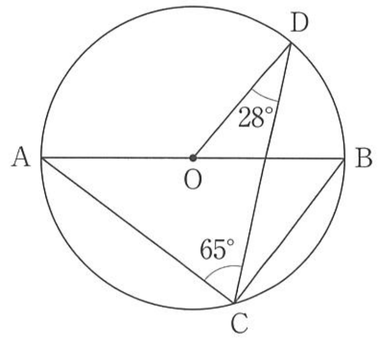
(エ)　$x=3-\sqrt{7}$ のとき，x^2-6x+9 の値を求めなさい。

(オ)　関数 $y=ax^2$ について，x の値が -3 から -1 まで増加するときの変化の割合が -3 であった。
このとき，a の値を求めなさい。

(カ)　1から6までの目の出る大，小2つのさいころを同時に1回投げるとき，出た目の数の和が9以上とならない確率を求めなさい。ただし，大，小2つのさいころはともに，1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

(キ)　半径が2cmである球の体積をP cm^3，半径が3cmである球の体積をQ cm^{3}とするとき，PとQの比を**最も簡単な整数の比**で表しなさい。ただし，円周率はπとする。

(ク)　右の図において，線分ABは円Oの直径であり，2点C，Dは円Oの周上の点である。
このとき，∠ABCの大きさを求めなさい。



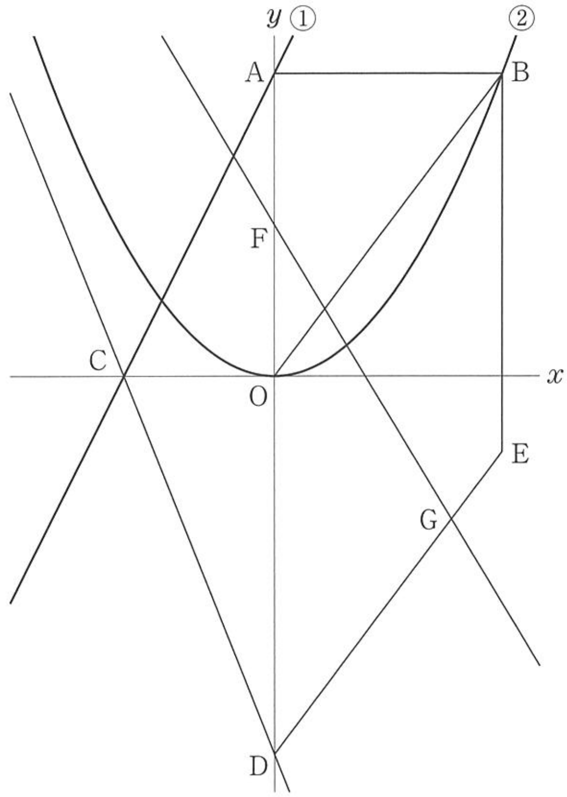
問3　右の図において，直線①は関数 $y=2x+8$ のグラフであり，曲線②は関数 $y=ax^2$ のグラフである。

点Aは直線①と y 軸との交点である。点Bは曲線②上の点で，その x 座標は6であり，線分ABは x 軸に平行である。点Cは直線①と x 軸との交点である。

また，原点をOとするとき，点Dは y 軸上の点で，OB＝ODであり，その y 座標は負である。

さらに，点EはOD＝BEとなる点で，線分BEは y 軸に平行であり，その y 座標は負である。

このとき，次の問いに答えなさい。



(ア)　曲線②の式 $y=ax^2$ の a の値を求めなさい。

(イ)　直線CDの式を求め，$y=mx+n$ の形で書きなさい。

(ウ)　点Fは線分OAの中点であり，点Gは線分DE上の点である。直線FGが四角形ODEBの面積を2等分するとき，点Gの座標を求めなさい。

問4　ある年の7月に，野球チームA，Bがそれぞれ試合を行った。

次の図は，Aチームが行った全試合におけるそれぞれの得点の記録をヒストグラムに表したものである。

また，表は，Bチームが行った全試合におけるそれぞれの得点の記録を度数分布表にまとめたものであり，Bチームが行った全試合の得点の合計は108点である。

このとき，あとの問いに答えなさい。

図　Aチームの得点

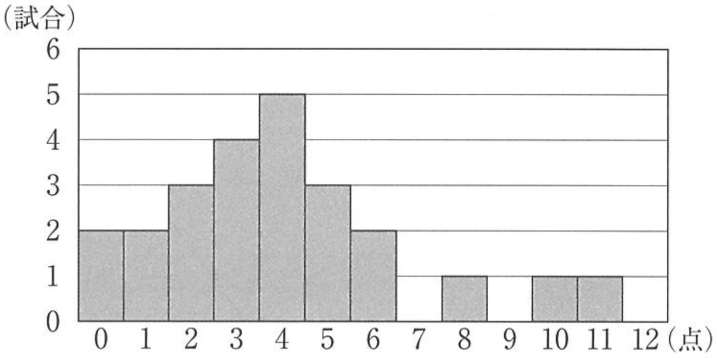


表　Bチームの得点

得点（点）	度数（試合）
0	1
1	0
2	$\boxed{\text{(i)}}$
3	4
4	2
5	2
6	$\boxed{\text{(ii)}}$
7	3
8	1
9	1
10	3
計	20

(ア)　図における中央値を求めなさい。

(イ)　表の中の $\boxed{\text{(i)}}$ ，$\boxed{\text{(ii)}}$ にあてはまる数を求めなさい。

(ウ)　図，表からわかることとして正しいものを次の1～5の中から2つ選び，その番号を書きなさい。

1. Aチームの試合数はBチームの試合数より多く，Aチームの全試合の得点の合計はBチームの全試合の得点の合計より多い。
2. Aチームの得点の最頻値はAチームの得点の平均値と等しいが，Bチームの得点の最頻値はBチームの得点の平均値と異なる。
3. Aチームの得点の範囲はBチームの得点の範囲より大きく，Aチームが10点以上得点した試合数はBチームが10点以上得点した試合数より多い。
4. Aチームの得点の平均値はBチームの得点の平均値より大きく，Aチームの得点の最頻値はBチームの得点の最頻値より小さい。
5. Aチームの得点は，Aチームの試合の半数以上でAチームの得点の平均値以上である。

問5　工場Aでは，製品Pの出荷数について，1年目に100個出荷し，2年目には1年目よりx割多く出荷し，3年目には2年目より$2x$割多く出荷する計画を立てた。

このとき，次の問いに答えなさい。

(ア)　$x=1$のとき，工場Aにおいて，2年目に出荷する製品Pの個数を求めなさい。

(イ)　工場Aにおいて，3年目に製品Pを208個出荷するとき，xについての方程式をつくり，xの値を求めなさい。ただし，$x>0$とする。なお，**答えを導くまでの途中経過も書きなさい。**

問6　右の図1は，線分ABを直径とする円Oを底面とし，線分ACを母線とする円すいであり，点Dは線分BCの中点である。

AB＝6cm，AC＝10cmのとき，次の問いに答えなさい。ただし，円周率はπとする。

(ア)　この円すいの体積を求めなさい。

(イ)　この円すいにおいて，2点A，D間の距離を求めなさい。

(ウ)　この円すいの表面上に，図2のように点Aから線分BCと交わるように，点Aまで線を引く。このような線のうち，長さが最も短くなるように引いた線の長さを求めなさい。

図1

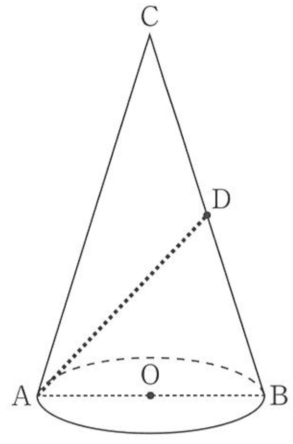
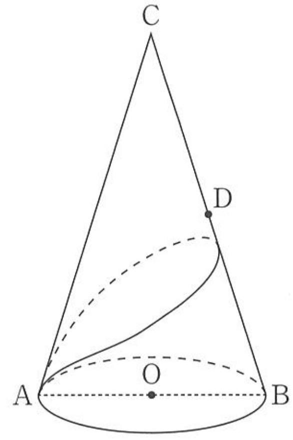


図2

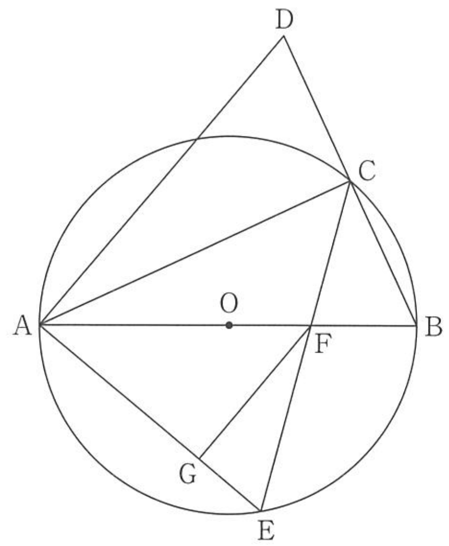


問7　右の図のように，線分 AB を直径とする円 O の周上に，2 点 A，B とは異なる点 C を AC ＞ BC となるようにとり，線分 BC の延長上に点 B とは異なる点 D を AB＝AD となるようにとる。

また，点 C をふくまない $\overset{\frown}{AB}$ 上に 2 点 A，B とは異なる点 E をとり，線分 AB と線分 CE との交点を F とする。

さらに，線分 AE 上に点 G を AE ⊥ FG となるようにとる。

このとき，三角形 ACD と三角形 FGE が相似であることを証明しなさい。



（問題は，これで終わりです。）